

الدرس 5

جمع الكسور غير المتشابهة

التركيز

جمع الكسور ذات المقامات غير المتشابهة وطرحها، بما في ذلك الأعداد الكسرية.

ممارسات في الرياضيات

1. التعكير بطريقة تجريدية وكيفية.
2. بناء فرضيات عملية والتعليق على طريقة استنتاج الآخرين.
3. محاولة إيجاد البنية واستخدامها.
4. البحث عن التوافق في الاستنتاجات المتكررة والتعبير عن ذلك.

التربط المنطقي

الربط بالموضوعات الرئيسية

مع الربط بمساحة التركيز المهمة التالية: 1. تحسين التمرس في جمع الكسور وطرحها، وتحسين فهم ضرب الكسور وقسمة الكسور في حالات محدودة أجنبية كسور الوحدة على أعداد كلية وقسمة أعداد كلية على كسور الوحدة.

الدقة

تزداد صعوبة التمارين مع تقدم الدرس ومع ذلك، فقد بنينا تفكير الطلاب الفردي خلال العمليات الحسابية المتشعبة.

مستويات الصعوبة

التمارين 1-2
التمارين 3-4
التمارين 5-10

أ: المستوى 1 استيعاب المفاهيم
ب: المستوى 2 تطبيق المفاهيم
ج: المستوى 3 التوسع في المفاهيم

1 الاستعداد

هدف الدرس

يجمع الطلاب الكسور غير المتشابهة ويحلون المسائل الكلامية التي تتضمن جمع الكسور غير المتشابهة.

تنمية المفردات

مراجعة المفردات

الكسور غير المتشابهة unlike fractions

نشاط

• **تربط الاستنتاجات المتكررة** اجعل الطلاب يتصفحون الدرس. اطلب منهم وصف وجه التشابه بين جمع الكسور غير المتشابهة وجمع الكسور المتشابهة ووجه الاختلاف بينهما.

• أسأل الطلاب عن المفردات من الوحدة السابقة التي ميزوها في المثال 1: **النظام المشترك الأصغر (م م أ)**

• اجعل الطلاب يوضحون متى وجدوا النظام المشترك الأصغر مسبقاً للمساعدة في حل مسألة. على سبيل المثال، قد يتذكرون أن إيجاد المقام المشترك الأصغر ضروري من أجل مقارنة الكسور.

LA الإستراتيجية التعليمية للتحصيل اللغوي

الدعم الرسومي: شبكة الكلمات

اعرض شبكة من الكلمات واكتب كلمة غير في الشكل البيضاوي المركزي. قل إن كلمة غير توضح معنى "غير". وعندما توضع قبل الكلمة، فإنها تغير معناها إلى العكس. تعاون مع الطلاب لاستخراج قائمة بالكلمات التي تتضمن غير، مثل: غير عطوف، غير حسن، غير سعيد. سجل إجابات الطلاب في شبكة الكلمات.

اكتب كلمة غير متشابه، واطلب من الطلاب توضيح معناها بناءً على استجابتهم لكلمة "غير".

أثناء الدرس، أوضح قوالب الجمل لمساعدة الطلاب في المشاركة:
و _____ عبارة عن كسرين غير متشابهين.

النظام المشترك الأصغر هو _____

_____ و _____ عبارة عن كسرين مكافئين.

2 الاستكشاف واستخدام النماذج

مراجعة

مسألة اليوم

تقرأ كل من نيلة وشيرين ونبلاء الكتاب ذاته. أنهت نيلة $\frac{5}{6}$ من الكتاب. وأنهت شيرين $\frac{24}{30}$. وأنهت نبلاء $\frac{11}{15}$. من أنهت القدر الأكبر؟ نيلة من أنهت القدر الأقل؟ نبلاء.

نصيحة استخدام البنية: اجعل الطلاب يناقشون مفاهيم الرياضيات التي احتاجوا إلى معرفتها لحل هذه المسألة.

تدريب سريع

استخدم هذا النشاط بمثابة مراجعة سريعة وتقييم للدرس السابق.



تمثيل مسائل الرياضيات

الهدف: المهارة والتدريس الإجرائيان

المواد: خطوط الأعداد، قطع عد من لونين

نظم الطلاب في مجموعات ثنائية أو مجموعات صغيرة. قدم لكل مجموعة ثنائية أو مجموعة خط أعداد يتضمن فراغات. ضع علامات على خط الأعداد من 0 إلى 30 باستخدام مسافات تبلغ 2.

راجع عمل الطلاب. باستخدام قطع عد من لون واحد، ضع قطعة عد عند جميع مضاعفات العدد 4، باستثناء الصفر. راجع عمل الطلاب. وباستخدام اللون الآخر من قطع العد، ضع قطعة عد عند جميع مضاعفات العدد 6، باستثناء الصفر. راجع عمل الطلاب.



ما المضاعف المشترك الأصغر لكل من 4 و 6؟ 12. ففكر أن المقام المشترك الأصغر هو المضاعف المشترك الأصغر للمقامات. فكر في الكسرين $\frac{1}{4}$ و $\frac{5}{6}$. ما المقام المشترك الأصغر لكل من الكسرين؟ 12. ما الكسور ذو المقام 12 المكافئ للكسر $\frac{1}{4}$ ؟ $\frac{3}{12}$. ما الكسور ذو المقام 12 المكافئ للكسر $\frac{5}{6}$ ؟ $\frac{10}{12}$. كيف يمكنك جمع الكسور المتشابهة؟ اجمع قيم البسط. اجنظ بالمقامات. ما إجابة $\frac{13}{12} + \frac{3}{12}$ أو $\frac{1}{12}$ ؟

© 2018 University of Utah Middle School Math Project in partnership with the Utah State Office of Education. Licensed under Creative Commons, cc-by.

هل الكسر $\frac{1}{2}$ أقرب إلى 0، أو $\frac{1}{3}$ ، أو $\frac{1}{4}$ ؟
 هل الكسر $\frac{2}{10}$ أقرب إلى 0، أو $\frac{1}{2}$ ، أو $\frac{1}{3}$ ؟
 ما إجابة $1 + 10$ ؟
 اكتب $0 + 1 = 1$ على اللوحة، وجه الطلاب أثناء كتابة الكسور المكافئة ثم إيجاد المجموع.
 ما مقدار وقت الفراغ الذي قضته مثال في الغزابة واللعب على الناي؟ $\frac{9}{10}$ من وقت فراغها
 كيف تتطابق إجاباتك مع التقدير؟ $\frac{9}{10} \approx 1$

تمرين موجه

حلّ التمرين الوجيه مع الطلاب. تأكد من أن الطلاب يمكنهم استخدام المقام المشترك الأصغر لإيجاد الكسور المكافئة قبل الجمع.

حديث في الرياضيات: محادثة تعاونية

التحقق من مدى صحة الحل كيف يمكن استخدام الكسور المرجعية والحس العددي للتحقق من مدى صحة الحل؟ الإجابة النموذجية: قرب كل كسر إلى أقرب 0، $\frac{1}{2}$ ، أو 1. قارن الإجابة العقلية بالتقدير.

الرياضيات في الحياة اليومية

مثال 1

اقرأ المثال بصوت مرتفع.
 اكتب $\frac{1}{3} + \frac{1}{4}$ على اللوحة.
 قبل أن تتمكن من جمع تلك الكسور، يجب أن تكتب الكسور المكافئة التي لها المقام ذاته.

ما المقام المشترك الأصغر للكسرين $\frac{1}{3}$ و $\frac{1}{4}$ ؟ 12
 ما الكسور المكافئة للكسرين $\frac{1}{3}$ و $\frac{1}{4}$ التي تحتوي على المقام 12؟ $\frac{4}{12} + \frac{3}{12}$
 اجمع الكسور المشابهة. ما إجابة $\frac{4}{12} + \frac{3}{12}$ ؟ $\frac{7}{12}$
 كم المدة التي استغرقها الأخطبوط إجمالاً في أقل من ساعة؟ $\frac{7}{12}$ من ساعة واحدة

التحقق من مدى صحة الحل كيف تتحقق من صحة حلك؟ الإجابة النموذجية: باستخدام النماذج

مثال 2

استخدام البنية اقرأ المثال بصوت عالٍ.
 اكتب $\frac{1}{5} + \frac{7}{10}$ على اللوحة.
 ستوجد تقديراً لهذا المجموع بتقريب كل كسر إلى 0، $\frac{1}{2}$ ، أو 1.

ملاحظة: استخدام التقدير العقلية لتقريب الكسور من مقياس عددي.

مثال 1
 اكتب $\frac{1}{3} + \frac{1}{4}$ على اللوحة.
 قبل أن تتمكن من جمع تلك الكسور، يجب أن تكتب الكسور المكافئة التي لها المقام ذاته.

ما المقام المشترك الأصغر للكسرين $\frac{1}{3}$ و $\frac{1}{4}$ ؟ 12
 ما الكسور المكافئة للكسرين $\frac{1}{3}$ و $\frac{1}{4}$ التي تحتوي على المقام 12؟ $\frac{4}{12} + \frac{3}{12}$
 اجمع الكسور المشابهة. ما إجابة $\frac{4}{12} + \frac{3}{12}$ ؟ $\frac{7}{12}$
 كم المدة التي استغرقها الأخطبوط إجمالاً في أقل من ساعة؟ $\frac{7}{12}$ من ساعة واحدة

التحقق من مدى صحة الحل كيف تتحقق من صحة حلك؟ الإجابة النموذجية: باستخدام النماذج

مثال 2
استخدام البنية اقرأ المثال بصوت عالٍ.
 اكتب $\frac{1}{5} + \frac{7}{10}$ على اللوحة.
 ستوجد تقديراً لهذا المجموع بتقريب كل كسر إلى 0، $\frac{1}{2}$ ، أو 1.

جمع الكسور غير المتشابهة

الرياضيات في الحياة اليومية

مثال 1
 اكتب $\frac{1}{3} + \frac{1}{4}$ على اللوحة.
 قبل أن تتمكن من جمع تلك الكسور، يجب أن تكتب الكسور المكافئة التي لها المقام ذاته.

ما المقام المشترك الأصغر للكسرين $\frac{1}{3}$ و $\frac{1}{4}$ ؟ 12
 ما الكسور المكافئة للكسرين $\frac{1}{3}$ و $\frac{1}{4}$ التي تحتوي على المقام 12؟ $\frac{4}{12} + \frac{3}{12}$
 اجمع الكسور المشابهة. ما إجابة $\frac{4}{12} + \frac{3}{12}$ ؟ $\frac{7}{12}$
 كم المدة التي استغرقها الأخطبوط إجمالاً في أقل من ساعة؟ $\frac{7}{12}$ من ساعة واحدة

التحقق من مدى صحة الحل كيف تتحقق من صحة حلك؟ الإجابة النموذجية: باستخدام النماذج

مثال 2
استخدام البنية اقرأ المثال بصوت عالٍ.
 اكتب $\frac{1}{5} + \frac{7}{10}$ على اللوحة.
 ستوجد تقديراً لهذا المجموع بتقريب كل كسر إلى 0، $\frac{1}{2}$ ، أو 1.

4 التمرين والتطبيق

LA للحصول على دعم التحصيل اللغوي، استخدم أنشطة التدريس المتمايز في الصفحة التالية.

في التمرين 19، يجب أن يعتمد الطلاب على استيعابهم للمفاهيم اللازمة للإجابة على السؤال الأساسي للوحدة.

استخدام التمايز
اطلب من الطلاب استخدام رقائق الكسور لجمع $\frac{5}{8} + \frac{3}{8} + \frac{1}{4}$
اشرح لماذا فرق المقام يساوي 8 وليس 4. الإجابة النموذجية: المقام المشترك الأصغر للعددين 4 و8 يساوي 8. وبالتالي علينا إيجاد الكسور المكافئة ذات المقام 8. لا يمكن تحويل الإجابة إلى أبسط صورة.

RTI انظر الصفحة التالية للاطلاع على خيارات التدريس المتمايز.

تمارين ذاتية

استناداً إلى ملاحظتك، يمكنك اختيار تعيين التمارين بحسب ما هو موضح في المستويات أدناه:

- **قريب من المستوى** تكليف الطلاب بحل التمارين 3-11 (الفردية)، 16-19.
- **ضمن المستوى** تكليف الطلاب بحل التمارين 4-14 (الزوجية)، 15-19.
- **أعلى من المستوى** تكليف الطلاب بحل التمارين 9-19.

خفاً شامخاً!

التمرين 16 قد ينسى الطلاب كتابة إجاباتهم في أبسط صورة. ذكّرهم بأن الكسور المعطلة ينبغي كتابتها في صورة أعداد كسرية.

حل المسائل

التفكير بطريقة تجريدية

التمرين 17 يجب أن يحل الطلاب هذه المسألة دون إجراء عملية حسابية. ساعدهم في إيجاد تقدير باستخدام الكسور البرجعية.

بناء فرضيات

التمرين 18 يجب أن يجد الطلاب كل مجموع أولاً لمعرفة المجموع الذي لا ينتمي للمساواة.

حل المسائل

16. حدد ما إذا كان كل من مجموعي الكسور $\frac{1}{2} + \frac{1}{3}$ و $\frac{2}{3} + \frac{1}{4}$ يساوي $\frac{5}{6}$. اشرح إجابتك.

17. اشرح لماذا فرق المقام يساوي 8 وليس 4. الإجابة النموذجية: المقام المشترك الأصغر للعددين 4 و8 يساوي 8. وبالتالي علينا إيجاد الكسور المكافئة ذات المقام 8. لا يمكن تحويل الإجابة إلى أبسط صورة.

18. اشرح لماذا فرق المقام يساوي 8 وليس 4. الإجابة النموذجية: المقام المشترك الأصغر للعددين 4 و8 يساوي 8. وبالتالي علينا إيجاد الكسور المكافئة ذات المقام 8. لا يمكن تحويل الإجابة إلى أبسط صورة.

19. اشرح لماذا فرق المقام يساوي 8 وليس 4. الإجابة النموذجية: المقام المشترك الأصغر للعددين 4 و8 يساوي 8. وبالتالي علينا إيجاد الكسور المكافئة ذات المقام 8. لا يمكن تحويل الإجابة إلى أبسط صورة.

تمارين ذاتية

أوجد عدد كل مجموعة في أبسط صورة.

$\frac{1}{2} + \frac{1}{3} = \frac{5}{6}$ $\frac{2}{3} + \frac{1}{4} = \frac{11}{12}$ $\frac{1}{2} + \frac{1}{3} = \frac{5}{6}$

$\frac{1}{2} + \frac{1}{3} = \frac{5}{6}$ $\frac{2}{3} + \frac{1}{4} = \frac{11}{12}$ $\frac{1}{2} + \frac{1}{3} = \frac{5}{6}$

$\frac{1}{2} + \frac{1}{3} = \frac{5}{6}$ $\frac{2}{3} + \frac{1}{4} = \frac{11}{12}$ $\frac{1}{2} + \frac{1}{3} = \frac{5}{6}$

التمرير الوحيد الذي يعطّل هنا يلي:

$\frac{1}{2} + \frac{1}{3} = \frac{5}{6}$ $\frac{2}{3} + \frac{1}{4} = \frac{11}{12}$ $\frac{1}{2} + \frac{1}{3} = \frac{5}{6}$

$\frac{1}{2} + \frac{1}{3} = \frac{5}{6}$ $\frac{2}{3} + \frac{1}{4} = \frac{11}{12}$ $\frac{1}{2} + \frac{1}{3} = \frac{5}{6}$

قريب من المستوى

المستوى 2: التحلل التوضيحي الإستراتيجي

شاط عملي المواد: لا شيء

أخبر الطلاب بأنه يمكنهم مضاعفة معاني الكسرين للحصول على المعام المشترك الذي ينبغي استخدامه على الرغم من أنه قد لا يكون المعام المشترك الأصغر. ثم يمكنهم تحويل الإجابة إلى أبسط صورة إذا لزم الأمر.

ضمن المستوى

المستوى 1

شاط عملي المواد: ورقة نشيل بياني، أقلام تحديد، رقائق كسور

اكتب الأرقام 3 و 9 على ورقة النشيل البياني. اطلب من الطلاب توضيح كيفية ارتباط العددين 3 و 9 ببعضهما. اكتب أي إجابات متطابقة، ولكن هدفك هو أن يوضح أحد الطلاب أن 9 هي مضاعف العدد 3، أو أن 3 تنقسم إلى 9 بجزءها $\frac{1}{3}$ في ثلاثة. اطلب من الطلاب شرح كيف أن $\frac{1}{3}$ و $\frac{2}{6}$ متطابقان باستخدام رقائق الكسور. تحتاج إلى ثلاثة أمثاق للحصول على $\frac{1}{3}$ كرر هذه العملية لكل من 2 و 4 و 8.

أعلى من المستوى

التوسع

شاط عملي المواد: ورق، قلم رصاص اطلب من مجموعات طلاب ثنائية كتابة مسألة كلاصية واحدة تتضمن عملية جمع الكسور باستخدام المقامات غير المتشابهة. تبادل الطلاب الأوراق ويحلون مسائل بعضهم البعض. يمكن أن يتحدث الطلاب زملائهم في حل مسألتهم.

الدعم المتميز للتحصيل اللغوي LA

المستوى الناشئ

الصوتيات

وزع قطعة من الخيط أو خيط الغزل على الطلاب. اكتب كلمة مربوط. اربط عدة سائبة حول الظم الرصاص. انطق كلمة مربوط. اطلب من الطلاب ربط عدة سائبة حول أظامهم الرصاص وتلفها في صوت واحد مربوط. أضف كلمة غير إلى مربوط. قل إن غير توضح معنى "الغزل". حل العقدة وقل غير مربوط. اطلب من الطلاب حل عقدهم وقل غير مربوط في صوت واحد. اكتب كلمة متشابه وكلمة غير متشابه. اعرض أزواجاً من الأقسام المتشابهة وغير المتشابهة واطلب من الطلاب أن يحددوا بصوت واحد يتولى متشابه أو غير متشابه. كرر باستخدام الكسور، واطلب من الطلاب أن يحددوا بصوت واحد يتولى متشابه أو غير متشابه.

مستوى التوسع

العبارات الأكاديمية

اكتب $\frac{1}{4}$ و $\frac{3}{4}$. اطلب من الطلاب تحديد الكسور على أنها متشابهة أو غير متشابهة. كرر باستخدام $\frac{2}{3}$ و $\frac{3}{4}$. اطلب من أحد الطلاب أن يتطوع ويشرح طريقة تحديد ما إذا كانت الكسور متشابهة أم غير متشابهة. قل: عندما تكون النيكيم كسور غير متشابهة، فإنه يمكنكم إعادة تسمية الكسور باستخدام المعام المشترك الأصغر. اطلب من الطلاب مساعدتك في إيجاد المعام المشترك الأصغر لكسرين غير متشابهين. 12 مجرد إعادة تسمية الكسور $\left(\frac{8}{12} \text{ و } \frac{9}{12}\right)$ باستخدام المعام المشترك الأصغر. اطلب من الطلاب تحديد الكسور المعاد تسميتها في صورة كسور متشابهة.

المستوى المتقدم

اللغة الأكاديمية

اطلب من الطلاب العمل في مجموعات ثنائية. أعط كل مجموعة ثنائية قرصاً دواراً مضطاً إلى 10 أجزاء مرقماً من 1 إلى 10 لتمثيل كسور. اطلب من الطلاب تدوير القرص الدوار مرتين. ويكون أقل رقم عند تدوير القرص هو البسط. وأكبر رقم هو المعام للكسر. وجه المجموعات الثنائية لاستخدام القرص الدوار لكتابة كسرين غير متشابهين. اطلب من أحد الطلاب كتابة كسور متشابهة بتحديد المعام المشترك الأصغر ثم جمع. اطلب من طالب آخر وصف الخطوات التي اتبناها الطالب الأول في إيجاد المجموع شفهاً. ثم اطلب من المجموعات الثنائية تبادل الأدوار وتكرار النشاط.

5 تلخيص الدرس

واجباتي المنزلية

قم بتعيين واجب منزلي بعد إكمال الدرس بنجاح. يمكن للطلاب الذين يستوعبون المفاهيم تجاوز قسم مساعد الواجب المنزلي.

حل المسائل

التفكير بطريقة كئيبة

التبرين 6 قسما يتعلق بالطلاب الذين يواجهون صعوبات في الانتقال إلى خطوة جمع الكسور المتشابهة باستخدام المقام المشترك الأصغر من أجل إيجاد الكسور المكافئة. قد تتيح المناقش في مساعدتهم للانتقال لتلك الخطوة أو التحقق من صحة حلهم أو كليهما معًا.

LA للحصول على دعم التحصيل اللغوي، استخدم أنشطة التدريس المتمايز في الصفحة السابقة.

تمرين على الاختبار

تشخيص أخطاء الطلاب

قد تشير توجيهات الصف نحو الإجابات الخاطئة إلى وجود أخطاء أو سوء فهم شائعين بين الطلاب.

A $\frac{2}{8} = \frac{1}{4}$ ، وليس $\frac{1}{8}$

B صحيح

C $\frac{3}{8} + \frac{1}{4} = \frac{5}{8}$ ، أو $\frac{3}{4} + \frac{1}{4} = \frac{4}{4}$

D لا تحتوي على الحدود الجمعية للكسر $\frac{1}{4}$

الكتابة السريعة اطلب من الطلاب كتابة إجابة عن التحيز التالي.

وضح طريقة جمع الكسور غير المتشابهة. الإجابة النموذجية: اكتب الكسور المكافئة المتشابهة باستخدام المقام المشترك الأصغر، أجمع قيم البسط، وحول الإجابة إلى أبسط صورة.

اشرح طريقة إيجاد المقام المشترك الأصغر لكسرين أو أكثر. الإجابة النموذجية: اكتب قائمة بضاعفات كل مقام واختر المضاعف المشترك الأصغر، والذي يُعد أصغر مضاعف مشترك بينهما.

حل المسائل

تحذير

1. اكتب الجواب في الفراغ.

2. اشرح طريقة جمع الكسور غير المتشابهة.

3. اشرح طريقة إيجاد المقام المشترك الأصغر لكسرين أو أكثر.

مجموع البسط

المقام	البسط
8	
4	
8	

تمرين على الاختبار

اختر الإجابة الصحيحة.

1. $\frac{1}{8} + \frac{1}{4} = \frac{2}{8}$

2. $\frac{1}{8} + \frac{1}{4} = \frac{3}{8}$

3. $\frac{1}{8} + \frac{1}{4} = \frac{5}{8}$

4. $\frac{1}{8} + \frac{1}{4} = \frac{4}{4}$

مساعد الواجب المنزلي

تحذير

1. اكتب الجواب في الفراغ.

2. اشرح طريقة جمع الكسور غير المتشابهة.

3. اشرح طريقة إيجاد المقام المشترك الأصغر لكسرين أو أكثر.

خطوات الحل:

1. إيجاد المقام المشترك الأصغر (المقام الجديد).

2. إيجاد الكسور المكافئة.

3. جمع البسوط.

4. تبسيط الجواب.

تمرين

أجمع $\frac{1}{8} + \frac{1}{4}$ في أبسط صورة.

1. $\frac{2}{8}$

2. $\frac{3}{8}$

3. $\frac{5}{8}$

4. $\frac{4}{4}$

التدريس المتميز



أعلى من المستوى التوسّع

المسائل التي أخطئ الطلاب في حلها: 2 أو أقل

- استخدم ورقة عمل "الرياضيات في المنزل".
- وقت اللعب" وحدة سابقة.
- استخدم لعبة "مراجعة المفردات" وحدة سابقة.

ضمن المستوى المستوى 1

المسائل التي أخطئ الطلاب في حلها: من 3 إلى 5

- اطلب من الطلاب تصحيح المسائل التي أخطئوا فيها ووضّح لهم الأخطاء التي وقعوا فيها.
- استخدم ورقة العمل الإثرائية من وحدة سابقة.
- استخدم ورقة عمل "الرياضيات في المنزل".
- وقت اللعب" وحدة سابقة.
- استخدم لعبة "مراجعة المفردات" وحدة سابقة.

قريب من المستوى المستوى 2، التدخل للتوسّع الإستراتيجي

المسائل التي أخطئ الطلاب في حلها: 6 أو أكثر

- يمكن أن يستخدم الطلاب أنشطة الاستجابة للتدخل "قريب من المستوى" أو "ضمن المستوى" من الدروس 2 و 3 و 5 من أجل مراجعة المفاهيم.
- لمراجعة المفاهيم باستخدام الوسائل التعليمية اليدوية، انتقل إلى جزء "الاستكشاف واستخدام الفئات" في الدرسين 2 و 3 و 5.